

1/14

## ΜΟΝΟΤΟΝΙΑ-ΑΚΡΟΤΑΤΑ- ΣΥΜΜΕΤΡΙΕΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΗΣ

Άλγεβρα Β' Λυκείου  
Σχολικό Έτος 2018-19  
Δρ. Βασίλειος Δημητρίου

2/14

Οι σημειώσεις αυτές βρίσκονται  
στα site:  
<http://users.sch.gr/dimitriou3>  
<http://users.teilar.gr/~dimitriou>

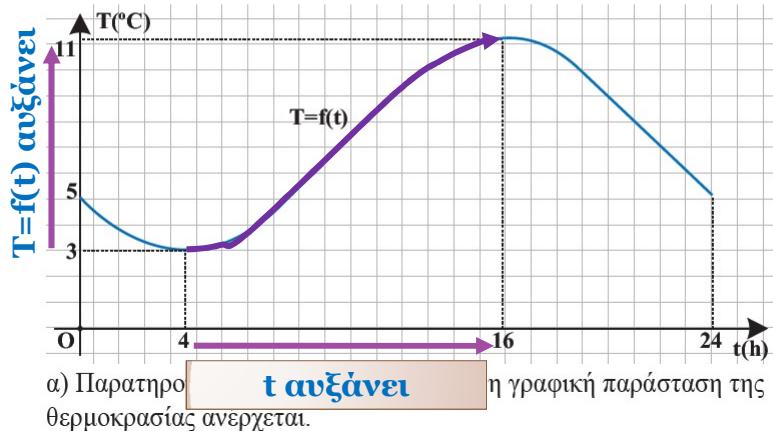
επιλέγοντας  
Λύκειο->Β' Λυκείου->Άλγεβρα Β'

Βασίλης Δημητρίου

3/14

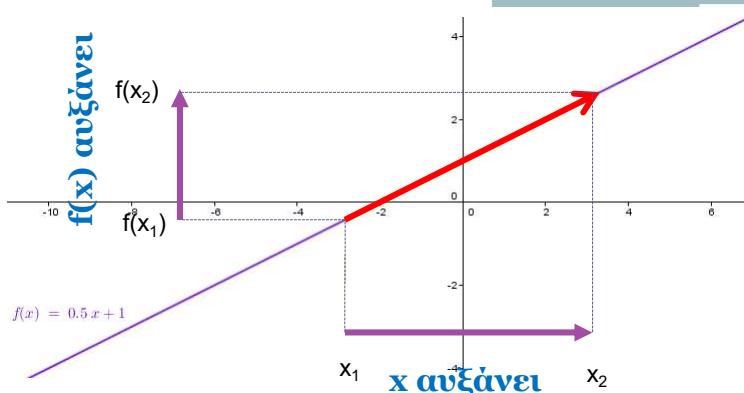
### Μονοτονία συνάρτησης

Στο παρακάτω σχήμα δίνεται η γραφική παράσταση της συνάρτησης  $T = f(t)$  που εκφράζει τη θερμοκρασία  $T$  ενός τόπου συναρτήσει του χρόνου  $t$  κατά το χρονικό διάστημα από τα μεσάνυχτα μιας ημέρας ( $t = 0$ ) μέχρι τα μεσάνυχτα της επόμενης μέρας ( $t = 24$ ).



Βασίλης Δημητρίου

4/14



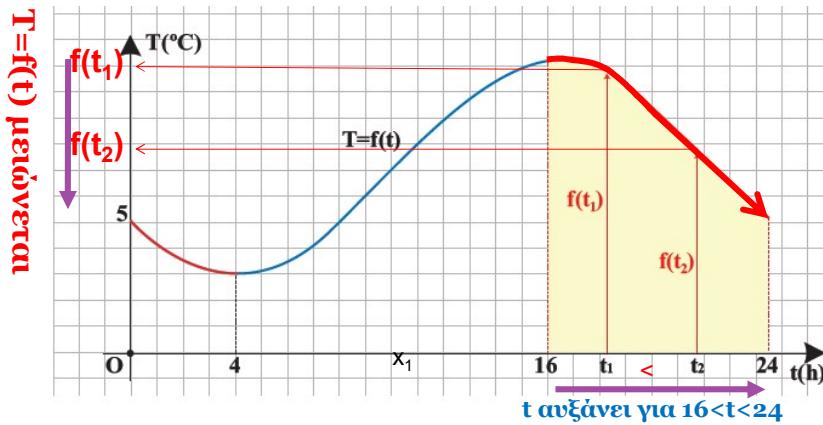
### ΟΡΙΣΜΟΣ

Μια συνάρτηση  $f$  λέγεται γνησίως αύξουσα σε ένα διάστημα  $\Delta$  του πεδίου ορισμού της, όταν για οποιαδήποτε  $x_1, x_2 \in \Delta$  με  $x_1 < x_2$  ισχύει:

$$f(x_1) < f(x_2)$$

Βασίλης Δημητρίου

5/14



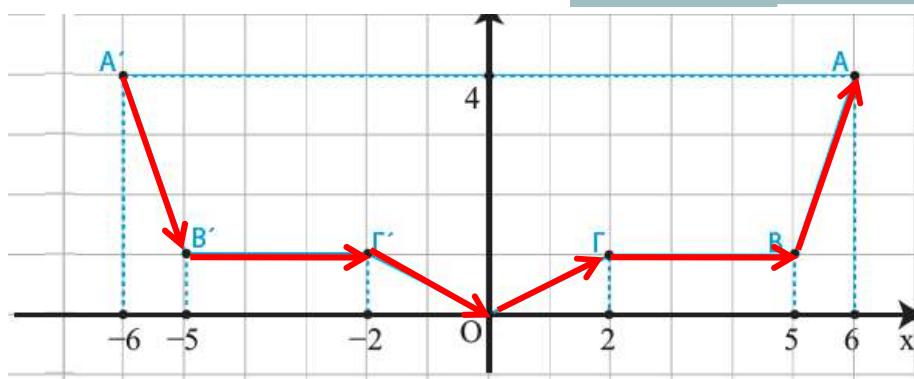
### ΟΡΙΣΜΟΣ

Μια συνάρτηση  $f$  λέγεται γνησίως φθίνουσα σε ένα διάστημα  $\Delta$  του πεδίου ορισμού της, όταν για οποιαδήποτε  $x_1, x_2 \in \Delta$  με  $x_1 < x_2$  ισχύει:

$$f(x_1) > f(x_2)$$

Βασίλης Δημητρίου

6/14



a) Να βρεθούν τα διαστήματα στα οποία η συνάρτηση  $f$ :

- i) είναι γνησίως αύξουσα,
- ii) είναι γνησίως φθίνουσα,
- iii) είναι σταθερή.

Βασίλης Δημητρίου

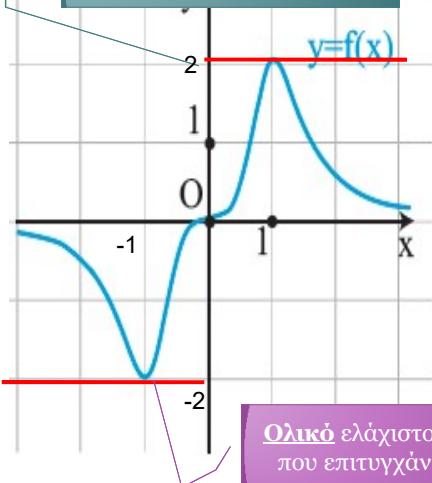
7/14

## Μέγιστο-Ελάχιστο Συνάρτησης

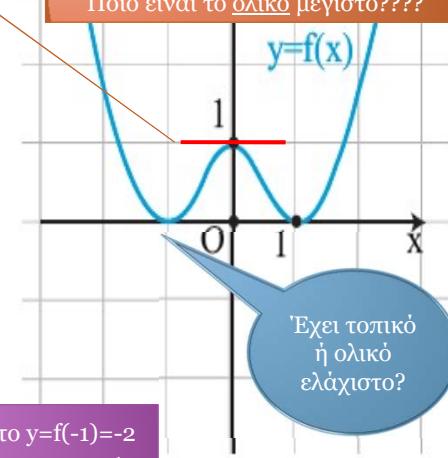
Αφορά τις τιμές  $y=f(x)$  δηλαδή του άξονα  $y'$

**Ολικό** μέγιστο το  $y=f(1)=2$   
που επιτυγχάνεται για  $x=1$

**Τοπικό** μέγιστο το  $y=f(0)=1$  που  
επιτυγχάνεται στο  $x=0$  για  $x \in (-2,2)$ .  
Ποιο είναι το **ολικό** μέγιστο?????



**Ολικό** ελάχιστο το  $y=f(-1)=-2$   
που επιτυγχάνεται για  $x=-1$



Έχει τοπικό  
ή ολικό  
ελάχιστο?

Βασίλης Δημητρίου

8/14

## ΟΡΙΣΜΟΣ

Μια συνάρτηση  $f$ , με πεδίο ορισμού ένα σύνολο  $A$ , λέμε ότι παρουσιάζει στο  $x_0 \in A$  (ολικό) **ελάχιστο** όταν:

$$f(x) \geq [y_{\text{ελαχ}}], \text{ για κάθε } x \in A \text{ óπου } y_{\text{ελαχ}} = f(x_0)$$

## ΟΡΙΣΜΟΣ

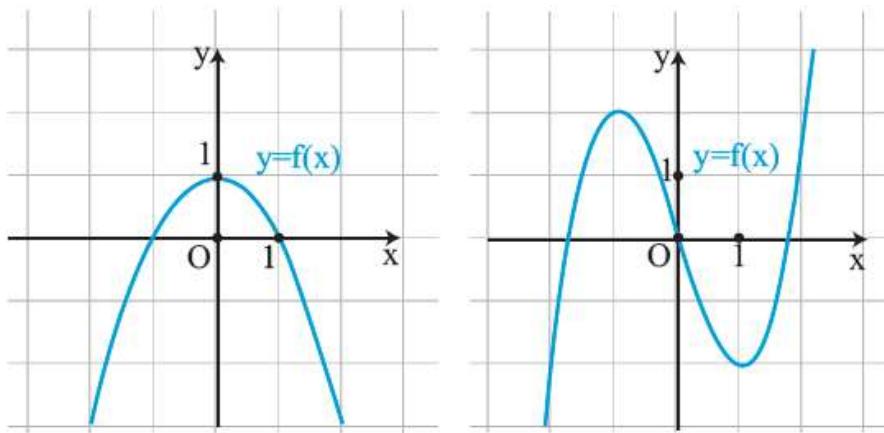
Μια συνάρτηση  $f$ , με πεδίο ορισμού ένα σύνολο  $A$ , λέμε ότι παρουσιάζει στο  $x_0 \in A$  (ολικό) **μέγιστο** όταν:

$$f(x) \leq [y_{\text{μέγιστο}}] \text{ για κάθε } x \in A \text{ óπου } y_{\text{μέγιστο}} = f(x_0)$$

Βασίλης Δημητρίου

9/14

Έχουν οι παρακάτω συναρτήσεις (τοπικό ή ολικό) μέγιστο ή ελάχιστο;



Βασίλης Δημητρίου

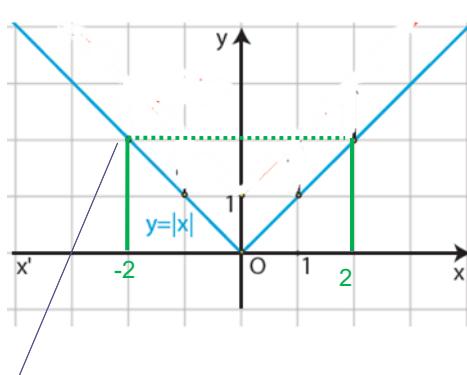
10/14

Άρτια συνάρτηση

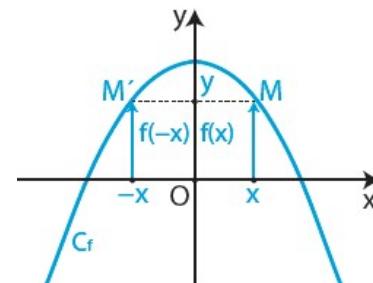
**ΟΡΙΣΜΟΣ**

Μια συνάρτηση  $f$ , με πεδίο ορισμού ένα σύνολο  $A$ , θα λέγεται **άρτια**, όταν για κάθε  $x \in A$  ισχύει:

$$-x \in A \text{ και } f(-x) = f(x)$$



$$f(-2)=f(2)=2$$



Βασίλης Δημητρίου

11/14

Είναι η συνάρτηση  $f(x)=x^4+x^2$  άρτια?

Για κάθε  $x \in A$  όπου  $A = \mathbb{R}$  ( $A$  το πεδίο ορισμού της  $f$ ) έχουμε:

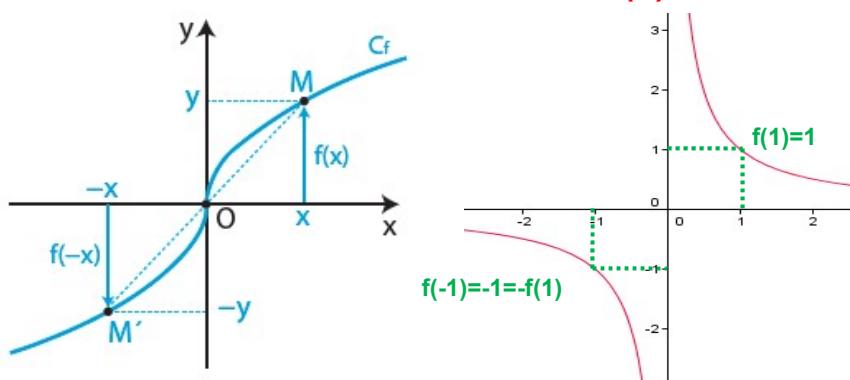
$$\begin{aligned} f(-x) &= (-x)^4 + (-x)^2 \\ &= x^4 + x^2 \\ &= f(x) \end{aligned}$$

Βασίλης Δημητρίου

12/14

Περιττή συνάρτηση

$$f(x) = 1/x$$



### ΟΡΙΣΜΟΣ

Μια συνάρτηση  $f$ , με πεδίο ορισμού ένα σύνολο  $A$ , θα λέγεται **περιττή**, όταν για κάθε  $x \in A$  ισχύει:

$$-x \in A \text{ και } f(-x) = -f(x)$$

Βασίλης Δημητρίου

13/14

Είναι η συνάρτηση  $f(x)=x^3+3x$  περιττή?

Για κάθε  $x \in A$  όπου  $A = \mathbb{R}$  ( $A$  το πεδίο ορισμού της  $f$ ) έχουμε:

$$\begin{aligned} f(-x) &= (-x)^3 + 3(-x) \\ &= -x^3 - 3x \\ &= -(x^3 + 3x) \\ &= -f(x) \end{aligned}$$

Βασίλης Δημητρίου

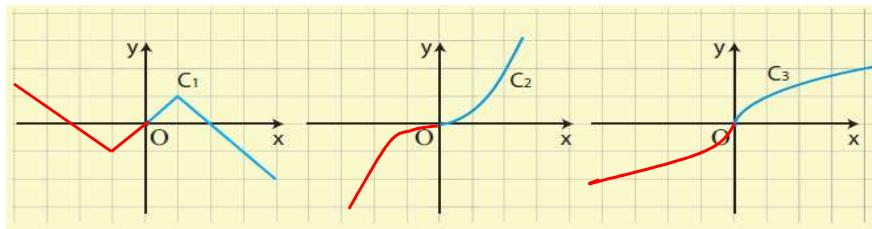
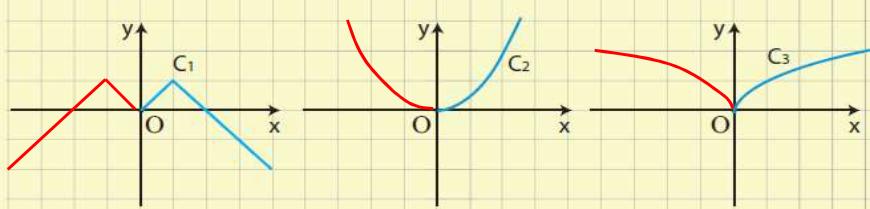
14/14

Να συμπληρώσετε τις παρακάτω γραμμές ώστε να παριστάνουν γραφικές παραστάσεις

a) Άρτιας συνάρτησης

και

β) Περιττής συνάρτησης.



Βασίλης Δημητρίου